

Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение  
высшего образования  
**«ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ»**  
Новороссийский филиал  
Кафедра «Информатика, математика и общегуманитарные науки»

**Н.В. Королёва**

**Методические рекомендации**

**МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ПРИНЯТИЯ РЕШЕНИЙ**

Направление подготовки: 38.03.05 Бизнес-информатика

Направленность (профиль): ИТ- менеджмент в бизнесе

Форма обучения: очная/заочная/очно-заочная

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Новороссийск 2017

**Целью** изучения курса «Математические методы принятия решений» является формирование у студентов теоретических знаний, практических навыков по вопросам, касающимся принятия оптимальных решений в организационно-экономических и производственных системах, с использованием различных методов, т.е. тех инструментов, с помощью которых в современных условиях формируются и анализируются варианты управленческих решений.

**Задачи** курса «Математические методы принятия решений»:

- обучение теории и практике принятия решений в современных условиях хозяйствования с использованием количественных и качественных методов;
- рассмотрение широкого круга задач, возникающих в практике менеджмента и связанных с принятием решений, относящихся ко всем областям и уровням управления;
- обучение будущих специалистов теории и практике применения количественных и качественных методов для обоснования решений во всех областях целенаправленной деятельности.

Дисциплина «Математические методы принятия решений» является дисциплиной Базовой части Модуля математики и информатики.

Дисциплина «Математические методы принятия решений» базируется на знаниях, полученных в рамках дисциплин бакалавриата модуля математики и информатики «Математика», «Анализ данных».

Знания, полученные студентами в рамках освоения дисциплины «Математические методы принятия решений», востребованы в профессиональной деятельности: в государственных структурах, в коммерческих банках, инвестиционных фондах различных типов, в страховых компаниях, инфраструктурных организациях различных типов.

## Задания для самостоятельной работы

Задача №1.

Предприятие выпускает два вида продукции: А и В. При этом используются ресурсы: R1, R2 и R3. Нормы расхода на ресурсы составляют соответственно:

R1: a1, a2

R2: b1, b2

R3: c1, c2

Рыночная цена продукции А составляет P1, продукции В-P2. Необходимо принять решение относительно плана выпуска продукции обеспечивающего максимальный доход. Оценить устойчивость выбранного решения относительно колебания цен на продукцию. Объемы ресурсов: R1 -V1, R2-V2, R3-V3

Вариант	a1	a2	b1	b2	c1	c2	P1	P2	V1	V2	V3
1	3	5	2	1	5	6	3	2	30	20	48
2	2	6	1	6	6	7	3	2	30	20	48
3	4	7	2	7	7	4	3	2	30	20	48
4	5	4	1	4	4	3	3	2	30	20	48
5	1	3	2	3	3	5	3	2	30	20	48
6	3	5	1	2	5	6	3	2	30	20	48
7	2	6	2	1	6	7	3	2	30	20	48
8	4	7	1	2	7	4	3	2	30	20	48
9	5	4	2	1	4	3	3	2	30	20	48
10	1	3	1	2	3	5	3	2	30	20	48

Задача 2 (Многокритериальная задача)

Используя условие задачи 1, найти план работы при котором достигается:

А) Максимум дохода

Б) Минимум затрат ресурсов (в натуральном выражении)

В) Максимум выпуска продукции А в натуральном выражении

Задача решается методом уступок Величина уступок выбирается студентом.

Задача 3 (Принятие решений в условиях неопределенности)

Магазин продает скоропортящуюся продукцию по А рублей за ящик, закупая ее у поставщиков по В рублей за ящик. Непроданная в течение дня продукция реализуется в конце дня по С рублей за ящик. Суточный спрос на продукцию колеблется от 0 до 10 ящиков. Других сведений о спросе нет. Сколько ящиков продукции должен закупать у оптовиков магазин ежедневно в соответствии с принципами максимакса, максимина и минимакса.

Вариант

Вариант	А	В	С
1	50	20	5
2	40	10	7
3	50	30	5
4	40	20	7
5	30	10	5
6	20	20	7
7	50	10	5
8	30	30	7
9	50	20	5
10	40	10	7

#### Задача 4 (Принятие решений в условиях риска)

Основываясь на условиях задачи 3, определить количество закупаемых магазином для продажи ящиков продукции если известны данные о продажах за последние пятьдесят дней.

Количество проданных ящиков	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	0
Количество дней продаж	2	3	5	5	7	8	7	5	4	2	2

### МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ

#### Принятие управленческих решений в условиях неопределенности

Теория статистических решений может быть истолкована как теория поиска оптимального недетерминированного поведения в условиях неопределенности. Согласно А.Вальду, поведение считается оптимальным, если оно минимизирует риск в последовательных экспериментах, т.е. математическое ожидание убытков статистического эксперимента.

Четыре критерия принятия решений в условиях неопределенности, когда никакие вероятностные характеристики не известны.

- критерий Лапласа,
- минимаксный критерий,
- критерий Сэвиджа,
- критерий Гурвица.

Основное различие между этими критериями определяется стратегией лица, принимающего решения. Критерий Лапласа основан на более оптимистичных предположениях, чем минимаксный критерий. Критерий Гурвица можно использовать при различных подходах – от наиболее оптимистичного до наиболее пессимистичного. Все эти критерии отражают субъективную оценку ситуации, в которой приходится принимать решение. При этом не существует общих правил применимости того или иного критерия, так как поведение лица, принимающего решение в условиях неопределенности, является наиболее важным фактором при выборе подходящего критерия.

Перечисленные критерии базируются на том, что лицу, принимающему решение, не противостоит разумный противник. В случае, когда в роли противника выступает природа, нет оснований предполагать, что она стремится причинить вред лицу, принимающему решение.

При наличии разумного противника, интересы которого противоречат интересам лица, принимающего решения (например, в военных действиях противоборствующие армии являются разумными противниками), для построения подходящего критерия требуется специальный подход. Эти вопросы рассматриваются в теории игр.

Данные, необходимые для принятия решений в условиях неопределенности, задаются в форме матрицы, строки которой соответствуют действиям, а столбцы – возможным состояниям системы.

Каждому действию и каждому возможному состоянию системы соответствует результат (исход), определяющий выигрыш (или потери) при выборе данного действия и реализации данного состояния.

Пусть  $a_i$  ( $i=1,2, \dots, m$ )

и  $q_j$  представляет возможное состояние  $j$  ( $j=1,2, \dots, n$ ),

$p(a_i, q_j)$  - описывает соответствующий результат.

В общем случае  $p(a_i, q_j)$  может быть непрерывной функцией  $a_i$  и  $q_j$ .

В дискретном случае указанные данные представляются в форме матрицы.

	q 1	q 2	...	q n
a1	n (a1 ,q 1)	n (a1 ,q 2)	...	n (a1 ,q n)
a2	n (a2 ,q 1)	n (a2 ,q 2)	...	n (a2 ,q n)
...	...	...	...	...
am	n (am ,q 1)	n (am ,q 2)	...	n (am ,q n)

**Критерий  
Лапласа**

Этот критерий опирается на известный принцип недостаточного обоснования. Поскольку вероятности состояний q 1, q 2, ..., q n не известны, необходимая информация для вывода, что эти вероятности различны, отсутствует. В противном случае можно было бы определить эти вероятности и ситуацию уже не следовало рассматривать как принятие решения в условиях неопределенности. Так как принцип недостаточного обоснования утверждает противоположное, то состояния q 1, q 2, ..., q n имеют равные вероятности. Если согласиться с приведенными доводами, то исходную задачу можно рассматривать как задачу принятия решений в условиях риска, когда выбирается действие ai, дающее ожидаемый выигрыш.

Другими словами, находится действие ai\*, соответствующее

$$\max_a \left\{ \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n p(a_i, \theta_j) \right\}$$

$\frac{1}{n}$

- вероятность реализации состояния q j ( j=1,2, ..., n),

Пример. Одно из предприятий должно определить уровень предложения услуг так, чтобы удовлетворить потребности клиентов в течение предстоящих праздников. Точное число клиентов не известно, но ожидается, что оно может принять одно из четырех значений: 200, 250, 300 или 350 клиентов. Для каждого из этих возможных значений существует наилучший уровень предложения (с точки зрения возможных затрат). Отклонения от этих уровней приводят к дополнительным затратам либо из-за превышения предложения над спросом, либо из-за неполного удовлетворения спроса.

В таблице приведены потери в тысячах долларов.

Клиенты

Уровень предложения

	q 1	q 2	q 3	q 4
a1	5	10	18	25
a2	8	7	8	23
a3	21	18	12	21
a4	30	22	19	15

Принцип Лапласа предполагает, что q 1, q 2, q 3, q 4 равновероятны.

Следовательно, P{q =q j } =1/4, j= 1, 2, 3, 4, и ожидаемые потери при различных действиях a1, a2, a3, a4 составляют

$$E\{a1\} = (1/4)(5+10+18+25)=14,5$$

$$E\{a2\} = (1/4)(8+7+8+23)=11,5$$

$$E\{a3\} = (1/4)(21+18+12+21)=18,0$$

$$E\{a4\} = (1/4)(30+22+19+15)=21,5$$

Таким образом, наилучшим уровнем предложения в соответствии с критерием Лапласа будет a2.

**Минимаксный (максиминный) критерий**

Является наиболее осторожным, поскольку основывается на выборе наилучшей из наихудших возможностей. Если результат  $\pi(a_i, q_j)$  представляет потери лица, принимающего решение, для действия  $a_i$  наибольшие потери независимо от возможного состояния  $q_j$  будут равны

$$\max_{\theta_j} \{v(a_i, \theta_j)\}$$

По **минимаксному** критерию должно выбираться действие  $a_i$ , дающее

$$\min_{a_i} \max_{\theta_j} \{v(a_i, \theta_j)\}$$

Аналогично в том случае, когда  $v(a_i, \theta_j)$  представляет выигрыш, согласно

минимаксному критерию, выбирается действие  $a_i$ , дающее

$$\max_{a_i} \min_{\theta_j} \{v(a_i, \theta_j)\}$$

В этом случае критерий называется максиминным.

Пример. Рассмотрим предыдущий пример. Так как  $\pi(a_i, q_j)$  представляют потери, применим минимаксный критерий. Результаты вычислений представим в виде следующей таблицы.

	q 1	q 2	q 3	q 4	$\max_{\theta_j} [v(a_i, \theta_j)]$
a1	5	10	18	25	25
a2	8	7	8	23	23
a3	21	18	12	21	21
a4	30	22	19	15	30

Минимаксной стратегией будет  $a_3$ .

Подходы к учету неопределенности при описании рисков. В теории принятия решений в настоящее время при компьютерном и математическом моделировании для описания неопределенностей чаще всего используют такие математические средства, как:

- вероятностно-статистические методы,
- методы статистики нечисловых данных, в том числе интервальной статистики и интервальной математики, а также методы теории нечеткости,
- методы теории конфликтов (теории игр).

Они применяются в имитационных, эконометрических, экономико-математических моделях, реализованных обычно в виде программных продуктов.

Некоторые виды неопределенностей связаны с безразличными к организации силами - природными (погодные условия) или общественными (смена правительства). Если явление достаточно часто повторяется, то его естественно описывать в вероятностных терминах. Так, прогноз урожайности зерновых вполне естественно вести в вероятностных терминах. Если событие единично, то вероятностное описание вызывает внутренний протест, поскольку частотная интерпретация вероятности невозможна. Так, для описания неопределенности, связанной с исходами выборов или со сменой правительства, лучше использовать методы теории нечеткости, в частности, интервальной математики (интервал – удобный частный случай описания нечеткого множества). Наконец, если неопределенность связана с активными действиями соперников или партнеров, целесообразно применять методы анализа конфликтных ситуаций, т.е. методы теории игр, прежде всего антагонистических игр, но иногда полезны и более новые методы кооперативных игр, нацеленных на получение устойчивого компромисса.

Иногда под уменьшением риска понимают уменьшение дисперсии случайной величины, поскольку при этом уменьшается неопределенность. В теории принятия решений риск - это плата за принятие решения, отличного от оптимального, он обычно выражается как математическое ожидание. В экономике плата измеряется обычно в денежных единицах, т.е. в виде финансового потока (потока платежей и поступлений) в условиях неопределенности.

### Критерий Сэвиджа

Этот критерий характеризуется крайней осторожной (пессимистической) позицией к возможным потерям из-за отсутствия достоверных сведений о том, какая из ситуаций, влияющих на экономический результат, будет иметь место в конкретном случае. Реализуется применительно к матрице рисков и потерь.

Матрица потерь строится следующим образом:

1. Находим наибольшее значение по каждому случайному событию  $Q_i$
2. Выписываем их в качестве утопических точек отдельно
3. Вычитаем из каждой такой утопической точки соответствующие этому случайному событию  $X_i$  (пример: для  $Q_1$ :  $X_u - X_1, X_v - X_2, X_z - X_3, \dots$ ).
4. Получаем новую матрицу потерь.

В рамках такого подхода функция, задающая семейство «линий уровня» определяется равенством:

$$F(u, v, \dots, z) = \max(a_{y-u}, a_{y-v}, \dots, a_{y-z})$$

Целевая функция критерия:

$$Z_s = \min(K_i), \text{ где } K_i = \max(L_{ij}), L_{ij} = \max(A_{ij}) - A_{y_i}, \text{ где } (L_{ij}) - \text{ матрица потерь}$$

$i$  – вариант возможного решения ЛПР

$j$  – вариант возможной ситуации

$A_{ij}$  – доход ЛПР, если будет принято решение  $i$ , а ситуация сложится  $j$

$A = (A_{ij})$  – матрица полезностей.

$(L_{ij})$  – соответствующая матрица рисков или потерь

### Критерий Гурвица

Критерий Гурвица – это взвешенная позиция “пессимизма-оптимизма”.

При  $\alpha = 1$  - критерий Гурвица просто соответствует Максимумному критерию.

Составные критерия принятия решений в условиях неопределенности.

Шаг А: требования к допустимому риску.

Вот на этом шаге уточняется критический уровень дохода(или потерь), приемлемый для ЛПР в конкретной ситуации. За основу берется опорное значение для выбранного опорного критерия. После задается допустимое для ЛПР максимально возможное отклонение  $E_{доп} > 0$  от опорного значения(в худшую сторону).

Шаг Б: блокировка решений с недопустимым риском.

Вот на этом шаге удаляются из исходной матрицы все решения, который не подходят требованиям ЛПР, которые предъявляются к допустимому риску применительно к анализируемой ситуации.

Шаг В: требования к компенсации за риск.

Этот шаг уточняет требования к анализируемым решениям, для которых баланс между риском потерь( при -) и компенсации( при +) является приемлемым для ЛПР.

Шаг Г: блокировка решений с недостаточной компенсацией риска.

Вот на этом шаге из матрицы полезностей(которая будет получена после шага Б) удаляются все решения, которые не соответствуют требованиям ЛПР.

Шаг Д: выбор оптимального решения.

И наконец, на этом шаге для оставшейся «урезанной» матрицы находится

оптимальное решение по заранее оговоренному критерию. Это найденное решение и будет являться оптимальным выбором для соответствующего составного критерия.

Последствия решений менеджера, экономиста, инженера проявятся в будущем. А будущее неизвестно. Мы обречены принимать решения в условиях неопределенности. Мы всегда рискуем, поскольку нельзя исключить возможность нежелательных событий. Но можно сократить вероятность их появления. Для этого необходимо спрогнозировать дальнейшее развитие событий, в частности, последствия принимаемых решений.

Задача №1.

Предприятие выпускает два вида продукции: А и В. При этом используются ресурсы: R1, R2 и R3. Нормы расхода на ресурсы составляют соответственно:

R1: a1, a2

R2: b1, b2

R3: c1, c2

Рыночная цена продукции А составляет P1, продукции В-P2. Необходимо принять решение относительно плана выпуска продукции обеспечивающего максимальный доход. Оценить устойчивость выбранного решения относительно колебания цен на продукцию. Объемы ресурсов: R1 -V1, R2-V2, R3-V3

Вариант	a1	a2	b1	b2	c1	c2	P1	P2	V1	V2	V3
12	3	5	2	1	4	6	3	2	30	20	48

Обозначим  $x_1$  - количество продукции А,  $x_2$  - Количество продукции В.

Найти  $X=(x_1, x_2)$ , удовлетворяющие системе

$$3x_1+5x_2 \leq 30 \text{ -количество ресурса } R_1$$

$$2x_1+x_2 \leq 20 \text{ -количество ресурса } R_2$$

$$4x_1+6x_2 \leq 48 \text{ - количество ресурса } R_3$$

и условию  $x_j \geq 0$

при котором функция дохода принимает максимальное значение.

$$V = P1 x_1 + P2 x_2 = 3 x_1 + 2 x_2 \rightarrow \max$$

Формулировка задачи.

Графический метод.

Построим ОДЗ  $x_1$  и  $x_2$

Неравенства  $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0$  задают первый квадрант координатной плоскости.

Неравенство  $3x_1+5x_2 \leq 30$  задает полуплоскость, расположенную под прямой  $3x_1+5x_2=30$ , включая эту прямую.

Неравенство  $2x_1+x_2 \leq 20$  задает полуплоскость, расположенную под прямой  $2x_1+x_2=20$ , включая эту прямую.

Неравенство  $4x_1+6x_2 \leq 48$  задает полуплоскость, расположенную под прямой  $4x_1+6x_2=48$ , включая эту прямую.

Таким образом, получаем, что множество точек, удовлетворяющее всем неравенствам, Область OABC.

Построим вектор  $N\{3;2\}$ . Его проекция на ось  $Ox_1$  равна 3, на ось  $Ox_2$  2.

Поскольку необходимо найти максимум функции  $V$ , будем перемещать прямую  $l$ , перпендикулярно вектору  $N$ , от начала к концу вектора  $N$ , т.е. в направлении возрастания функции  $V$ . Перейдя в точку В, прямая  $l$  окажется на выходе из многоугольной области OABC. Точка В – (крайняя) последняя точка области при движении в направлении вектора  $N$ , поэтому значение функции  $V$  в этой точке будет наибольшим по сравнению с ее значениями в других точках области.

Поскольку точка В – точка пересечения первой и второй прямой, то ее координаты можно найти, решая систему уравнений:

$$\begin{cases} 3x_1 + 5x_2 = 30 \\ 2x_1 + x_2 = 20 \end{cases}$$

1

$$2x_1 + x_2 = 20$$

Выразим из второго уравнения  $x_2$ :

$$x_2 = 20 - 2x_1$$

И подставим в первое уравнение

$$3x_1 + 5(20 - 2x_1) = 30$$

Откуда  $x_1 = 10$

Подставив  $x_1$  в выражение для  $x_2$ , получим  $x_2 = 0$

Таким образом оптимальное решение – точка В (10,0)

Оценим устойчивость выбранного решения относительно колебания цен на продукцию.

Функция  $V = 3x_1 + 2x_2$  достигает максимального значения в угловой точке В. При изменении коэффициентов целевой функции  $V = P_1x_1 + P_2x_2$  точка В останется точкой оптимального решения до тех пор, пока угол наклона прямой  $l$  будет лежать между углами наклона двух прямых, пересечением которых является точка В. Этими прямыми являются  $3x_1 + 1x_2 = 120$  (ограничение на ресурс R1) и  $5x_1 + 1x_2 = 150$  (ограничение на ресурс R2).

Алгебраически записывается:

$$\frac{3}{5} \leq \frac{P_2/P_1}{P_1/P_1} \leq \frac{2}{1} \quad P_1 \neq 0$$

$$0,6 \leq \frac{P_2/P_1}{P_1/P_1} \leq 2 \quad P_1 \neq 0$$

Таким образом найденное решение будет оптимальным, пока отношение цены продукции А к цене продукции В будет находиться в диапазоне от 0,6 до 2.

Задача 2 (Многокритериальная задача)

Используя условие задачи 1, найти план работы при котором достигается:

А) Максимум дохода

Б) Минимум затрат ресурсов (в натуральном выражении)

В) Максимум выпуска продукции А в натуральном выражении

Задача решается методом уступок Величина уступок выбирается студентом.

Решение

Как было показано в задаче 1, максимум выручки  $V = P_1 x_1 + P_2 x_2 = 3 x_1 + 2 x_2 \rightarrow \max$  достигается в точке В (15, 75).

Минимум затрат ресурсов определяется минимумом целевой функции:

$$R = (3+4+2)x_1 + (5+1+6)x_2 = 9x_1 + 12x_2 \rightarrow \min$$

Поскольку ограничения на минимальный объем продукции не заданы, то минимум затрат ресурсов будет достигаться при полном прекращении выпуска продукции, т.е. когда  $x_1 = 0$  и  $x_2 = 0$ . Это же видно из рассмотрения области ОАВС на рис. 1. Соответственно минимум функции затрат ресурсов  $R = 0$ .

В оптимальной по критерию максимума выручки точке В (10,0) целевая функция принимает значение:

$$V = 3x_1 + 2x_2 = 3 \cdot 10 + 2 \cdot 0 = 30$$

Примем величину уступки 90%

$$90\% V = 30 \cdot 0,9 = 27$$

То есть

$$V = 3x_1 + 2x_2 = 27$$

Нанесем прямую  $3x_1 + 2x_2 = 27$  на график (рис. 2)

Для поиска минимума функции  $R = 9x_1 + 12x_2$  построим вектор  $M\{9;12\}$ . Его проекция на ось  $Ox_1$  равна 9, на ось  $Ox_2$  12.

Поскольку необходимо найти минимум функции  $R$ , будем перемещать прямую  $m$ , перпендикулярно вектору  $M$ , от конца к началу вектора  $M$ , т.е. в направлении уменьшения функции  $R$ . Перейдя в точку  $K$ , прямая  $m$  окажется на выходе из области КВР. Точка  $K$  – крайняя точка прямой  $3x_1 + 2x_2 = 27$  в области ОАВС при движении в направлении к началу вектора  $M$ , поэтому значение функции  $R$  в этой точке будет наименьшим по сравнению с ее значениями в других точках области.

Решив систему уравнений:

$$\begin{cases} 3x_1 + 5x_2 = 30 \\ 3x_1 + 2x_2 = 27 \end{cases}$$

и

$$3x_1 + 2x_2 = 27$$

Найдем  $x_1 = 8 \frac{1}{3}$

$x_2 = 1$

Таким образом решение многокритериальной задачи при уступке по максимуму выручки 90% - точка  $K(8 \frac{1}{3}; 1)$ .

Задача 3 (Принятие решений в условиях неопределенности)

Магазин продает скоропортящуюся продукцию по  $A$  рублей за ящик, закупая ее у поставщиков по  $B$  рублей за ящик. Непроданная в течение дня продукция реализуется в конце дня по  $C$  рублей за ящик. Суточный спрос на продукцию колеблется от 0 до 10 ящиков. Других сведений о спросе нет. Сколько ящиков продукции должен закупать у оптовиков магазин ежедневно в соответствии с принципами максимакса, максимина и минимакса.

Вариант

N	A	B	C
12	50	20	5

Решение

Матрица прибыли (платежная матрица)

		Объем спроса											
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
Объем закупок	1	-15	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	2	-30	15	60	60	60	60	60	60	60	60	60	60
	3	-45	0	45	90	90	90	90	90	90	90	90	90
	4	-60	-15	30	75	120	120	120	120	120	120	120	120
	5	-75	-30	15	60	105	150	150	150	150	150	150	150
	6	-90	-45	0	45	90	135	180	180	180	180	180	180
	7	-105	-60	-15	30	75	120	165	210	210	210	210	210
	8	-120	-75	-30	15	60	105	150	195	240	240	240	240
	9	-135	-90	-45	0	45	90	135	180	225	270	270	270
	10	-150	-105	-60	-15	30	75	120	165	210	255	300	300

Применив критерий Махимах, найдем такой объем закупок, при котором прибыль магазина максимальна при наиболее благоприятном спросе.



	5	-75	-30	15	60	105	150	150	150	150	150	150
	6	-90	-45	0	45	90	135	180	180	180	180	180
	7	-105	-60	-15	30	75	120	165	210	210	210	210
	8	-120	-75	-30	15	60	105	150	195	240	240	240
	9	-135	-90	-45	0	45	90	135	180	225	270	270
	10	-150	-105	-60	-15	30	75	120	165	210	255	300
<b>МАХ</b>		<b>-15</b>	<b>30</b>	<b>60</b>	<b>90</b>	<b>120</b>	<b>150</b>	<b>180</b>	<b>210</b>	<b>240</b>	<b>270</b>	<b>300</b>

Составим матрицу рисков.

Применив критерий Махитах, найдем такой объем закупок, при котором прибыль магазина максимальна при наиболее благоприятном спросе.													
		Объем спроса											МАХ
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
Объем закупок	1	0	0	30	60	90	120	150	180	210	240	270	270
	2	15	15	0	30	60	90	120	150	180	210	240	240
	3	30	30	15	0	30	60	90	120	150	180	210	210
	4	45	45	30	15	0	30	60	90	120	150	180	180
	5	60	60	45	30	15	0	30	60	90	120	150	150
	6	75	75	0	45	30	15	0	30	60	90	120	120
	7	90	90	75	60	45	30	15	0	210	60	90	210
	8	105	105	90	75	60	105	30	15	0	30	60	105
	9	120	120	105	90	75	60	45	30	15	0	30	120
	10	135	135	120	105	90	75	60	45	30	15	0	135

С точки зрения критерия минимаксного риска Сэвиджа оптимальна стратегия, при которой величина риска минимальна – 30, т.е. оптимальное количество закупаемых ящиков – 13 шт.

Задача 4 (Принятие решений в условиях риска)

Основываясь на условиях задачи 3, определить количество закупаемых магазином для продажи ящиков продукции если известны данные о продажах за последние пятьдесят дней.

Количество проданных ящиков	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	0
Количество дней продаж	2	3	5	5	7	8	7	5	4	2	2

Решение

Рассчитаем вероятности спроса ящиков как доли от общего количества дней продажи.

Количество проданных ящиков	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	0	Итого
Количество дней продаж	2	3	5	5	7	8	7	5	4	2	2	50
Вероятность спроса	0,04	0,06	0,1	0,1	0,14	0,16	0,14	0,1	0,08	0,04	0,04	1

Составим матрицу.

		Вероятность спроса											Средняя прибыль Р
		0,04	0,06	0,1	0,1	0,14	0,16	0,14	0,1	0,08	0,04	0,04	
		Объем спроса											
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
Объем закупок	1	-15	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	28,2
	2	-30	15	60	60	60	60	60	60	60	60	60	53,7
	3	-45	0	45	90	90	90	90	90	90	90	90	74,7
	4	-60	-15	30	75	120	120	120	120	120	120	120	91,2
	5	-75	-30	15	60	105	150	150	150	150	150	150	101,4
	6	-90	-45	0	45	90	135	180	180	180	180	180	104,4
	7	-105	-60	-	15	30	75	120	165	210	210	210	101,1
	8	-120	-75	-	30	15	60	105	150	195	240	240	93,3
	9	-135	-90	-	45	0	45	90	135	180	225	270	81,9
	10	-150	-105	-	60	15	30	75	120	165	210	255	300

Максимальное значение принимает средняя прибыль для объема закупок 6 ящиков – 104,4.